

# Øving 10

Here you can find a calculator for the properties of air and water:

<http://www.mhtl.uwaterloo.ca/old/onlinetools/airprop/airprop.html>

Væskepartiklene beveger seg i flate eller ikke-blandende lag eller strømmer, og følger en jevn, kontinuerlig bane. Denne typen strømning er kjent som:

The fluid particles move in flat or curved un-mixing layers or streams and follow a smooth continuous path. This type of flow is known as:

-Laminær strømning

Naturen til væskestrømmen er styrt av følgende parameter

- (i) Gjennomsnittlig strømningshastighet
  - (ii) Tettheten til væsken
  - (iii) Den dynamiske viskositeten til væsken
- Identifiser riktige påstander

Alle er rett

Konduksjon pluss væskestrømning i bevegelse er kjent som:

Konveksjon

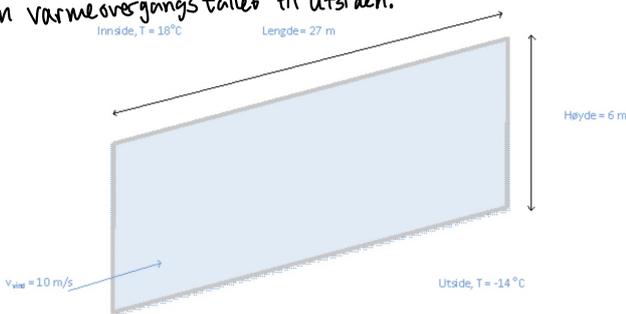
En sfære, en kube og en tynn sirkulær plate, alle laget av samme materiale og med samme masse, blir først varmet til 250°C. Når latt stå i luft ved romtemperatur, hva er deres respons på kjøling?

Størst overflateareal => raskere avkjøling

=>Kuben vil kjøles ned fortere enn sfæren, men treigere enn den sirkulære platen.

Et av veggene i et hus er laget av glass (figur under). Luft temperaturen på innside er 18°C og på utside -11°C. Vind strømmer parallellt til glassveggen med hastighet av 10m/s. Egenskapene til luft på veggstørrelsen du finner i figur og tabell under.

Beregn varmeovergangstallet til utsiden.



|  | innside  | utside   |                   |
|--|----------|----------|-------------------|
| konduktivitet $k$                          | 0.025    | 0.023    | W/Km              |
| dynamisk viskositet $\mu$                  | 1.80E-05 | 1.70E-05 | kg / s m          |
| tetthet $\rho$                             | 1.2      | 1.3      | kg/m <sup>3</sup> |
| varmekapasitet $C_p$                       | 1        | 1        | kJ/kgK            |
| volumetrisk ekspansjonskoeffisient $\beta$ | 0.00341  | 0.00388  |                   |

$$N_{Nu} = C \cdot N_{Re}^m \cdot N_{Pr}^{1/3}$$

$$N_{Nu} = 0,0336 \cdot N_{Re}^{0,8} \cdot N_{Pr}^{1/3}$$

$$N_{Nu} = 21600,62$$

$$\Rightarrow N_{Nu} = \frac{k \cdot h}{L} \Rightarrow h = \frac{N_{Nu} \cdot k}{L} = \frac{21600,62 \cdot 0,023 \text{ W/Km}}{2,7 \text{ m}}$$

$$\underline{h = 18,4 \text{ W/Km}^2}$$

Dette er tvungen konveksjon, parallell med flate (formelheftet)

$$N_{Pr} = \frac{\mu \cdot C_p}{k} = \frac{1,70 \cdot 10^{-5} \text{ kg/s m} \cdot 1 \text{ kJ/kgK}}{0,023 \text{ W/Km}} \cdot 10^3$$

$$N_{Pr} = 0,739$$

$$N_{Re} = \frac{L \cdot v \cdot \rho}{\mu} = \frac{2,7 \text{ m} \cdot 10 \text{ m/s} \cdot 1,2 \text{ kg/m}^3}{1,70 \cdot 10^{-5} \text{ kg/s m}}$$

$$N_{Re} = 20647,059$$

$$\Rightarrow m = 0,8, C = 0,0336$$

På innside du kan estimere at Nusselts tall kan beregnes fra følgende korrelasjon:  $N_{Nu} = 0,09(N_{Gr})^{1/3}$ , hvor  $N_{Gr}$  er Grashof's tall. Hvilke av følgende ligninger beskriver varmeovergangstallet på innside

i)  $1.12 (T_{innside} - T_{glass, innside})^{1/3}$

ii)  $4.10 (T_{innside} - T_{glass, innside})^{1/3}$

iii)  $1.93 (T_{innside} - T_{utside})^{1/3}$

iv)  $3.81 (T_{innside} - T_{utside})^{1/3}$

Innvendig: Naturlig konveksjon,  $L = \text{høyden}$

Studass: LF glemmer å kvadrere her

$$N_{Gr} = H^3 \rho^2 g \beta \frac{\Delta T}{\mu^2} = \frac{6^3 \cdot 1,2^2 \cdot 9,81 \cdot 0,00341}{(1,80 \cdot 10^{-5})^2} \cdot \Delta T = 3,2 \cdot 10^{10} \Delta T$$

$$N_{Nu} = 0,09 N_{Gr}^{1/3} = 286 \Delta T^{1/3}$$

$$= T_{innside} - T_{glass, innside}$$

$$h = \frac{N_{Nu} \cdot k}{H} = \frac{286 \Delta T^{1/3} \cdot 0,025}{6} = 1,19 (T_{innside} - T_{glass, innside})^{1/3}$$

↳  $\approx 1,12$  fra studass

Hva er temperaturen til glass? Du kan ignorere thermal resistanse i glass, so overflatetemperaturene på inn- og utside er lik.

Varmeoverføringen skal være lik:

$$\frac{q_{inne}}{A} = \frac{q_{ute}}{A}$$

$$h_{inne} (T_{innside} - T_{glass}) = h_{ute} (T_{glass} - T_{utside})$$

$$1,12 (T_{innside} - T_{glass})^{4/3} = 18,4 (T_{glass} - T_{utside})$$

må bruke  
"lei" for å  
få rett

$$\Rightarrow T_{glass} = -9,06 \text{ } ^\circ\text{C}$$

Beregne varmetap gjennom vinduet (kW).

$$q_{ute} = A \cdot h \cdot \Delta T$$

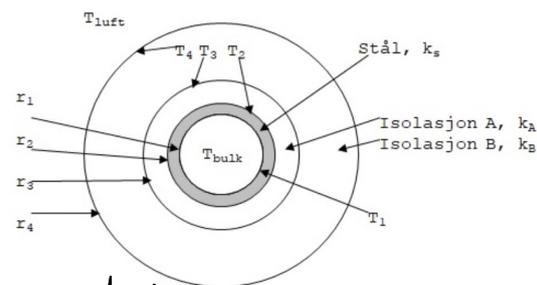
$$= 27 \cdot 6 \cdot 18,4 (-9,06 - (-14))$$

$$= 14,7 \text{ kW}$$

I kjemiblokk 5 ligger det et dampnett. Trykket på nettet kan regnes konstant lik 6 bar, med tilhørende metningstemperatur for dampen på 159 °C. For å unngå for mye kondensasjon, overhetes dampen i fyrkjelen før den går ut på nettet. Vi kan anta at dampen holder 170 °C idet den forlater fyrkjelen og at hastigheten i rørene er 10 m/s. Oppbyggingen av rørledningen er som gitt i figur og data under. Rørledningen kan regnes å gå i horisontale utlegg, i rom med konstant temperatur på 20 °C.

(Eksamensoppgave høsten 2019)

- Beregn hvor mye varme som må overføres fram til punktet der kondensasjon starter.



$d = \text{damp}$

$$\dot{m}_d = \rho_d \cdot v_d \cdot A_{\text{rør}}$$

$$= \rho_d \cdot v_d \cdot \pi r_1^2$$

$$= 3,04 \text{ kg/m}^3 \cdot 10 \text{ m/s} \cdot \pi \cdot (0,0125 \text{ m})^2$$

$$= \underline{0,0149 \text{ kg/s}}$$

$$\dot{q} = \dot{m} \cdot c_{p,d} \cdot \Delta T_d$$

$$= 0,0149 \text{ kg/s} \cdot 1916 \text{ J/kg K} \cdot (170^\circ\text{C} - 159^\circ\text{C})$$

$$= \underline{315 \text{ W}}$$

Data

| Geometri:               |                           | Fysikalske data: |  | Damp: (159-170°C, 6 Bar)                  | $c_p = 1916 \text{ J/kg K}$  |
|-------------------------|---------------------------|------------------|--|---|------------------------------|
| $r_1 =$                 | 0,0125 m                  | Luft: (20°C)     | $c_p = 1004,8 \text{ J/kg K}$<br>$\mu = 1,82 \cdot 10^{-5} \text{ kg/m s}$<br>$k_L = 0,0255 \text{ W/m K}$<br>$\rho = 1,22 \text{ kg/m}^3$<br>$b = 3,4 \cdot 10^{-3} \text{ K}^{-1}$ | $\mu = 1,54 \cdot 10^{-5} \text{ kg/m s}$ | $\rho = 3,04 \text{ kg/m}^3$ |
| $r_2 =$                 | 0,0155 m                  |                  |  |   |                              |
| $r_3 =$                 | 0,025 m                   |                  |  |   |                              |
| $r_4 =$                 | 0,040 m                   |                  |  |   |                              |
| <b>Konduktiviteter:</b> |                           |                  |  |   | $k_D = 0,031 \text{ W/m K}$  |
| Stål:                   | $k_S = 41,5 \text{ W/mK}$ |                  |  |   |                              |
| Isolasjon A:            | $k_A = 0,5 \text{ W/mK}$  |                  |  |   |                              |
| Isolasjon B:            | $k_B = 0,01 \text{ W/mK}$ |                  |  |   |                              |

Se oppgaveteksten over.

- Hvor stort et varmeovergangstallet på innsiden av røret?

Tvingen konveksjon, rørstrømning

$$N_{Re} = \frac{D v \rho_d}{\mu_d} = \frac{2 \cdot (0,0125 \text{ m}) \cdot 10 \text{ m/s} \cdot 3,04 \text{ kg/m}^3}{1,54 \cdot 10^{-5} \text{ kg/m s}} = 49350 > 6000$$

$$N_{Pr} = \frac{\mu c_p}{k_D} = 0,9516$$

$$N_{Re} > 6000 \quad N_{Nu} = \frac{D h_L}{k_{\text{fluid}}} = 0,027 N_{Re}^{0,8} N_{Pr}^{1/3} \left( \frac{\mu_b}{\mu_w} \right)^{0,14} = 150,95$$

$$h = \frac{N_{Nu} \cdot k}{D} = \frac{150,95 \cdot 0,031}{2 \cdot 0,0125} = \underline{187,2 \text{ W/m}^2\text{K}}$$

Se oppgaveteksten over.

- Hvor lang rørledning kan man ha før dampen når sin metningstemperatur? Du kan anta at varmeovergangstallet på utsiden av røret er  $15.4 \text{ W/m}^2\text{K}$ .

$$q = A_{\text{inne}} \cdot U_{\text{inne}} \cdot \Delta T_{\text{lm}}$$

$$U_{\text{inne}} = \frac{1}{\frac{1}{h_{\text{inne}}} + \frac{r_1 \ln \frac{r_2}{r_1}}{k_s} + \frac{r_1 \ln \frac{r_3}{r_2}}{k_A} + \frac{r_1 \ln \frac{r_4}{r_3}}{k_B} + \frac{r_1}{h_4 \cdot r_4}} = 1.60 \text{ W/m}^2\text{K}$$

$\uparrow$   
15.4

$$\Delta T_{\text{lm}} = \frac{(170-20) - (159-20)}{\ln \left( \frac{170-20}{159-20} \right)} = 144.4 \text{ K}$$

fra tidligere:  $q = 315 \text{ W}$

$$A_{\text{inne}} = \frac{q}{U \cdot \Delta T_{\text{lm}}}$$

$$2\pi r_1 \cdot L = \frac{q}{U \cdot \Delta T_{\text{lm}}}$$

$$L = \frac{q}{U \cdot \Delta T_{\text{lm}} \cdot 2\pi r_1} = 17.4 \text{ m}$$

Se oppgaveteksten over.

Hva er temperaturen på rørets utside ( $T_4$ ) på innløpet til røret (damptemperatur er  $170^\circ\text{C}$ ). For enklere å beregne dette, anta at temperaturen på utsiden av røret er konstant ( $T_4$ ).

$$q = A_{\text{ytre}} \cdot h_4 \cdot (T_4 - T_{\text{luft}}), \quad h_4 = 15.4$$

$$A_{\text{ytre}} = 2\pi r_4 \cdot L$$

$$\Rightarrow T_4 = T_{\text{luft}} + \frac{q}{2\pi r_4 \cdot L \cdot h_4}$$

$$\underline{\underline{T_4 = 24.7^\circ\text{C}}}$$